ЛОГИКА

1) Каждое из логических выражений F и G содержит 7 переменных. В таблицах истинности выражений F и G есть ровно 7 одинаковых строк, причем ровно 6 из них в столбце значений стоит 0.

Сколько строк таблицы истинности для выражения $F * G$ содержит 0 в столбце значений?

Решение:

Всего строк в таблице истинности = $2^7 = 128$ строк,

из семи одинаковых строк только одна имеет 1 (единицу) в столбце значений, то есть $F=1 \quad G=1 \quad F * G = 1$

Для всех остальных строк, где F и G принимают значения, равные нулю или различные значения: $F * G = 0$

$128 - 1 = 127$ - количество строк, где $F * G = 0$

2) Каждое из логических выражений F и G содержит 5 переменных. В таблицах истинности выражений F и G есть ровно 5 одинаковых строк, причем ровно в 4 из них в столбце значений стоит 1. Сколько строк таблицы истинности для выражения $F \vee G$ содержит 1 в столбце значений?

Решение:

Каждое выражение содержит 5 переменных, каждая переменная принимает одно из двух значений, значит в полной таблице истинности для каждого уравнения существует $2^5 = 32$ строки.

В задании сказано, что таблицы содержат ровно 5 одинаковых строк, значит оставшиеся 27 строк разные.

Выражение $F \vee G$ будет истинно, если хотя бы одно из значений F и G будет истинно. В случае, если оба значения будут ложны, всё выражение $F \vee G$ будет ложно.

В таблицах есть ровно 5 одинаковых строк, из них в 4-х строках значения равны 1, значит в одной строке значения будут равны 0.

Получается, что в 27-ми строках выражения F и G отличаются, значит выражение $F \vee G$ будет истинно, так как, например, если $F=0$, то $G=1$, и наоборот.

В 4 строках каждое из выражений F и G дают 1, значит выражение $F \vee G$ здесь тоже будет истинно.

В 1 строке выражения F и G одинаковы, и дают результат 0, что нам не подходит, т.к. в этом случае $F \vee G = 0$.

Получается, что количество строк, которые дают 1 для выражения $F \vee G$ - $27 + 4 = 31$.

Ответ: 31

3) Каждое из логических выражений F и G содержит 7 логических переменных. В таблицах истинности выражений F и G ровно 8 одинаковых строк, причем ровно в 5 из них в столбце значений стоит 1. Сколько строк таблицы истинности выражения $F \vee G$ содержит 1 в столбце значений?

Решение:

если переменных 7, то в каждой таблице будет 128 строк. 8 из них одинаковые. Если в 5 и там и там 1, то значит, уже 5 строк в $F \vee G = 1$. 120 различных, т.е. $F=1$, а $G=0$ или наоборот. $F \vee G$ в любом из этих случаев дает 1. Значит, $120+5=125$

4) Каждое из логических выражений A и B зависит от одного и того же набора из 6 переменных. В таблицах истинности обоих выражений нет ни одной совпадающей строки. Сколько единиц будет содержаться в столбце значений таблицы истинности выражения $A \vee B$?

Решение:

$$2^6 = 64$$

Ответ: 64

5) Каждое из логических выражений A и B зависит от одного и того же набора из 5 переменных. В таблицах истинности обоих выражений нет ни одной совпадающей строки. Сколько единиц будет содержаться в столбце значений таблицы истинности выражения $A \wedge B$?

Решение:

В таблицах истинности обоих выражений нет ни одной совпадающей строки.

$$1.0 = 0$$

$$0.1 = 0$$

Ответ: 0

РЕКУРСИИ

Ниже на языке программирования записан рекурсивный алгоритм F. Чему равна сумма всех чисел, напечатанных на экране при выполнении вызова F(1)?

```
procedure F(n: integer);
begin
  writeln(n);
  if n < 5 then begin F(n + 1); F(n + 3)
end
end.
```

Решение: Поскольку в начале каждого вызова на экран выводится значение единственного параметра функции, достаточно определить порядок рекурсивных вызовов и сложить значения параметров. Поскольку при $n < 5$ выполняется два рекурсивных вызова, решать такую задачу «на бумажке»

удобно в виде двоичного дерева (в узлах записаны значения параметров при вызове функции):

ответ 49.